

باب نمبر: 04

ایکٹ فارمولے

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \text{مقدار (عددی قیمت)} \quad \#$$

$$\tan^{-1} \left(\frac{F_y}{F_x} \right) = \theta = \text{سمت} \quad \#$$

$$\tau = r \times f \quad \#$$

$$\text{ایکوی لبریم کی حالتیں:} \quad \#$$

$$\sum \vec{F} = 0 \text{ i.e. } F_x = 0, F_y = 0$$

$$\sum \vec{\tau} = 0 \text{ i.e. } \tau_1 = \tau_2$$

$$F_x = F \cos \theta \quad \#$$

$$F_y = F \sin \theta \quad \#$$

ٹومسٹر یسقل

4.1 - مذکورہ ذیل فورسز کا رزلٹ معلوم کریں۔

(i) 10 نیوٹن x - ایسز کی سمت میں

(ii) 6 نیوٹن y - ایسز کی سمت میں

(iii) 4 نیوٹن x - ایسز کی سمت میں

معلوم:-

$$F_1 = 10 \text{ N (x-axis)}$$

$$F_2 = 6 \text{ N (y-axis)}$$

$$F_3 = 4 \text{ N (-ve x-axis)}$$

$$\text{رزلٹ (فورس)} = F = ?$$

حل :-

$$F_1 = 10N \text{ (x-ایکسری سمت میں)}$$

$$F_3 = 4N \text{ (منفی x-ایکسری سمت میں)}$$

اب

$$F_1 + F_3 = 10 - 4$$

$$F_4 = 6N$$

$$\text{اور } F_2 = 6N$$

چونکہ F_2 اور F_4 ایک دوسرے کے عمود آویں ہیں۔

$$F = \sqrt{(F_2)^2 + (F_4)^2}$$

$$= \sqrt{(6)^2 + (6)^2}$$

$$= \sqrt{36 + 36}$$

$$= \sqrt{72}$$

$$F = 8.4N \approx 8.5N$$

$$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x} = \frac{F_2}{F_4} = \frac{6}{6} = 1$$

$$\tan \theta = 1$$

$$\theta = \tan^{-1}(1)$$

$$\theta = 45^\circ \text{ with x-axis}$$

4.2 - 50N کی فورس x- ایسز کے ساتھ 30° کا زاویہ بنا رہی ہے۔ اس کے x اور y
کمپونینٹس معلوم کریں؟

معلوم:-

$$F = 50N$$

$$\theta = 30^\circ$$

$$F_x = ?$$

$$F_y = ?$$

حل:-

$$F_x = F \cos \theta$$

$$= 50 \cos 30^\circ$$

$$= 50 \times 0.866$$

$$F_x = 43.3 N$$

$$F_y = F \sin \theta$$

$$= 50 \times \sin 30^\circ$$

$$= 50 \times 0.5$$

$$F_y = 25 N$$

4.3 - اس فورس کی مقدار اور سمت بتائیے جس کا x- کمپونینٹ 12N اور y- کمپونینٹ 5N ہے۔

معلوم:-

$$F_x = 12N$$

$$F_y = 5N$$

$$F = ?$$

$$\theta = ?$$

∴

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

$$= \sqrt{(12)^2 + (5)^2}$$

$$= \sqrt{144 + 25}$$

$$= \sqrt{169}$$

$$F = 13 \text{ N}$$

$$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x}$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{F_y}{F_x}$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{5}{12}$$

$$\theta = \tan^{-1} (0.41)$$

$$\theta = 22.6^\circ \text{ with } x\text{-axis}$$

4.4 - 100N کی فورس، 10 m کے فاصلے پر سپینز پر ٹوڑا گھل کر رہی ہے۔ اس سے پیدا ہونے والا ٹارٹ معلوم کریں۔

$$F = 100 \text{ N}$$

معلوم :-

$$\delta = 10 \text{ cm}$$

$$= 10 \text{ cm} = \frac{10}{100} \text{ m} = 0.1 \text{ m}$$

$$\bar{T} = ?$$

حل :-

$$\bar{T} = \delta \times F$$

$$\bar{T} = 0.1 \times 100$$

$$\bar{T} = 10 \text{ Nm}$$

4.5 - ایک فورس کسی جسم پر 30° زاویہ بناتے ہوئے عمل کر رہی ہے۔ فورس کا x-کمپونینٹ 20 N ہے۔ فورس معلوم کریں۔

معلوم :-

$$\theta = 30^\circ$$

$$F_x = 20 \text{ N}$$

$$F = ?$$

$$F_x = F \cos \theta$$

$$20 = F \cos 30^\circ$$

$$\frac{20}{\cos 30^\circ} = F$$

$$F = \frac{20}{0.866} = 23.1$$

$$F = 23.1 \text{ N}$$

4.6 کسی ٹارٹ سٹرنٹ ویل ٹارٹریس 16cm ہے۔ 50N کے بیل سے پیرا ہونے والا ٹارٹ معلوم کریں۔

معلوم:-

$$F = 50N$$

$$\delta = 16cm = \frac{16}{100} m = 0.16m$$

$$0.16 + 0.16 = \text{دو ٹارٹوں کے درمیان ٹوڈی فاصلہ}$$

$$0.32m =$$

$$\tau = ?$$

حل:-

ٹارٹ = ٹوڈی فاصلہ × دو ٹارٹوں کے درمیان ٹوڈی فاصلہ

$$50 \times 0.32 = \tau$$

$$16Nm = \tau$$

4.7 ایک پلچر فریم دو ٹوڈی ڈوریلوں سے لٹک رہا ہے۔ ڈوریلوں میں ٹینشن 3.8N اور 4.4N ہے۔ پلچر کا وزن معلوم کریں۔

معلوم:-

$$T_1 = 3.8N$$

$$T_2 = 4.4N$$

$$W = ?$$

حل:-

$$\sum F_x = 0, \quad \sum F_y = 0$$

$$T - W = 0$$

$$(\bar{T}_1 + \bar{T}_2) - W = 0$$

$$\bar{T}_1 + \bar{T}_2 = W$$

$$3.8 + 4.4 = W$$

$$8.2 \text{ N} = W$$

4.8 - 5 kg اور 3 kg کے دو بلائیں ڈھریوں سے لٹکانے لگائیں جیسے کہ شکل میں دکھایا گیا۔ ہر ڈھری میں ٹینشن معلوم کریں۔

معلوم:-

$$m_1 = 5 \text{ kg}$$

$$m_2 = 3 \text{ kg}$$

$$\bar{T}_1 = ?$$

$$\bar{T}_2 = ?$$

حل:-

چونکہ ڈھری A میں پیدا ہونے والی ٹینشن دونوں ماسز کی وجہ سے ہے۔

$$\bar{T}_1 = W_1 + W_2$$

$$\bar{T}_1 = m_1 g + m_2 g$$

$$\bar{T}_1 = (m_1 + m_2) g$$

$$\bar{T}_1 = (5 + 3) 10$$

$$\bar{T}_1 = 8 \times 10$$

$$\bar{T}_1 = 80 \text{ N}$$

چونکہ ڈھری B میں پیدا ہونے والی ٹینشن صرف دوسرے ماس کی وجہ سے ہے۔

$$\bar{T}_2 = W_2$$

$$\bar{T}_2 = W_2 \Rightarrow m_2 g$$

$$\bar{T}_2 = m_2 g$$

$$\bar{T}_2 = 3 \times 10$$

$$\bar{T}_2 = 30 N$$

4.9۔ ایک نہٹ 10 cm لمبا سپر استعمال کر کے 200 N کی فورس سے کس دیا گیا ہے۔ 50 N کی فورس سے ڈھیلا کرنے کے لیے کتنا لمبا سپر درکار ہوگا؟ معلوم:-

$$F_1 = 200 N$$

$$L_1 = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

$$F_2 = 150 N$$

$$L_2 = ?$$

$$\bar{T}_1 = \bar{T}_2$$

ایسی قوتیں وائز ٹارٹ = قوتیں وائز ٹارٹ

$$F_1 \times L_1 = F_2 \times L_2$$

$$L_2 = \frac{F_1 \times L_1}{F_2}$$

$$L_2 = \frac{200 \times 0.1}{150} = 0.133 \text{ m}$$

$$L_2 = 0.133 \times 100 \text{ cm}$$

$$L_2 = 13.3 \text{ cm}$$

4.10 - 10 kg ماس کا ایک بلاک 1 m لمبی سلاخ کے سرے سے 20 cm کے فاصلے پر لٹکایا گیا ہے۔ سلاخ کا اس کے سرے سے آف سہیلو بیٹی پر ایلو ہی لبرٹم میں لانے کے لیے اس کے دوسرے سرے پر لٹنی فورس لگانے کی ضرورت ہے؟

معلوم:-

$$m = 10 \text{ kg}$$

$$W = mg = 10 \times 10 = 100 \text{ N}$$

$$\text{باری لمبائی} = L = 1 \text{ m}$$

$$\text{بلاک کا اوڑے سرے سے فاصلہ} = AC = 20 \text{ cm} = \frac{20}{100} = 0.20 \text{ m}$$

$$\text{فورس کا اوڑے سرے سے فاصلہ} = BC = 50 \text{ cm} = \frac{50}{100} = 0.50 \text{ m}$$

$$F = ?$$

اینتی ملاک واٹسٹارٹ = ملاک واٹسٹارٹ

حل:-

$$F \times L_2 = W \times L_1$$

$$F \times BC = W \times AC$$

$$F \times 0.50 = 100 \times 0.20$$

$$F = \frac{100 \times 0.20}{0.50}$$

$$F = 40 \text{ N}$$